

Soluție

1. a) Ecuația dreptei B_1B_2 este $2x + y = 0$.
b) Se verifică egalitatea coordonatelor punctelor A_n și B_n , oricare ar fi $n \in \mathbb{N}^*$.
c) Se verifică condiția de coliniaritate a punctelor A_1 , A_2 , A_n , oricare ar fi $n \geq 3$.
2. a) Prin calcul se obține câtul $q = X^2 + 2X + 4$ și restul $r = 7X + 5$.
b) Din egalitatea $y^2 - y - 1 = 0$ se obține $y^2 = y + 1$, adică $y^3 = y^2 + y \Rightarrow y^3 = 2y + 1$.
c) Din teorema împărțirii cu rest rezultă $f(y) = (y^2 - y - 1)(y^2 + 2y + 4) + 7y + 5$. Din punctele anterioare avem $y^2 - y - 1 = 0$ și $7y + 5 \notin \mathbb{Q}$, deci $f(y) \notin \mathbb{Q}$.